

**E 46. Courant induit dans une bobine fixe.**

Une bobine fixe, plate, circulaire de rayon  $r$ , de résistance  $R$ , et comportant  $N$  spires, est soumise à l'action d'un champ magnétique uniforme et variable d'expression  $\vec{B} = \vec{B}_0(1 - e^{-t/\tau})$  ( $\tau = \text{constante}$ ), perpendiculaire au plan de la bobine. Caractériser le courant induit dans la bobine.

**E 47. Courant induit par un champ magnétique sinusoïdal**

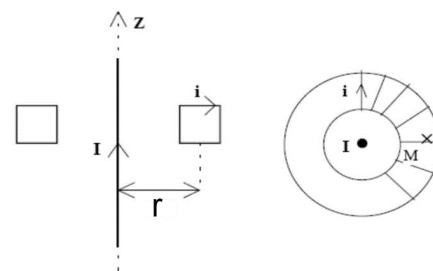
Calculez l'intensité  $i(t)$  parcourant une spire circulaire de rayon  $r$ , de résistance  $R$ , placée dans un champ magnétique uniforme, perpendiculaire au plan de cette spire, et variant sinusoïdalement selon la loi :  $\vec{B} = B_m \cos(\omega t) \vec{u}_z$ . On indiquera le sens de  $i$  sur un schéma. Tracer les graphes de  $B(t)$  et  $i(t)$ .

**E 48. Pince ampèremétrique**

Une pince ampèremétrique est constituée d'une bobine toroïdale pouvant entourer un fil conducteur rectiligne très long parcouru par un courant alternatif  $I(t)$  inconnu, à mesurer.

La bobine compte  $N = 1000$  spires de section  $S = 2 \text{ cm}^2$  dont les centres sont situés à  $r = 6 \text{ cm}$  du fil central.

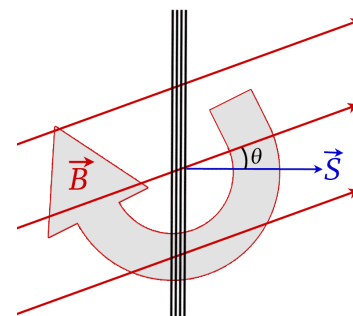
- 1) Expliquer pourquoi la bobine est le siège d'une f.é.m.
- 2) Exprimer le champ magnétique  $\vec{B}(r)$  créé par le fil au centre des spires.
- 3) En supposant que le champ magnétique varie peu au sein des spires, vu leur faible section, exprimer la f.é.m. ressentie par la bobine. On prendra  $I(t) = I_m \cos(\omega t)$ .
- 4) Cette bobine est reliée à un voltmètre sensible au millivolt. Quelle est l'amplitude minimale d'une intensité de fréquence 50 Hz détectable par l'appareil ? On donne  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H}\cdot\text{m}^{-1}$ .



**E 49. Principe du fonctionnement d'un alternateur**

Une bobine plate comportant  $N$  spires de surface  $S$  est placée dans un champ magnétique de module constant et uniforme, tournant autour d'un des diamètres de la bobine à la vitesse angulaire  $\Omega$  constante. On oriente arbitrairement la normale à la surface de la bobine, et on nomme  $\theta$  l'angle qu'elle fait avec la direction du champ magnétique (voir schéma).

- 1) Soit  $\theta_0$  la valeur de  $\theta$  à  $t=0$ . Exprimer  $\theta$  en fonction du temps.
- 2) Exprimer la f.é.m. induite dans la bobine.
- 3) On admettra que si l'alternateur présente  $p$  paires de pôles, le problème est équivalent au précédent avec une vitesse angulaire du champ  $p$  fois plus grande. Exprimer dans ce cas la valeur efficace  $E$  de la f.é.m. induite.
- 4) Soit  $n$  le nombre de tours par seconde. Exprimer  $n$  en fonction de  $\Omega$ , puis la fréquence  $f$  de la f.é.m. en fonction de  $p$  et  $n$ .
- 5) Montrer alors la relation de Boucherot, liant valeur efficace et fréquence :  $E = \frac{2\pi}{\sqrt{2}} f N B S \approx 4,44 f N B S$ .



**E50. Densité d'énergie.**

Quelle est dans l'air (assimilé au vide) la valeur de la densité d'énergie électrostatique  $w_E$  ( $w_E = \epsilon_0 E^2/2$ ) si le champ électrique a pour valeur  $E = 10^6 \text{ V}\cdot\text{m}^{-1}$  ?

De même, quelle est la valeur de la densité d'énergie magnétique  $w_B$  dans un entrefer d'électroaimant où  $B = 1 \text{ T}$  ?

Montrer que ces valeurs justifient le choix de convertisseurs électromagnétiques plutôt que l'utilisation de machines électrostatiques comme générateurs électriques. On rappelle que  $\epsilon_0 = 1/(36\pi \cdot 10^9) \text{ USI}$  et  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ USI}$ .

**E 51. Bilan de puissance**

Considérons le schéma électrique ci-contre, représentant deux circuits électriques couplés.

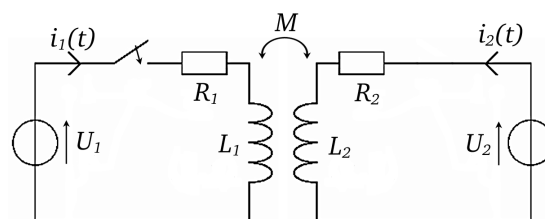
1) Après avoir exprimé les f.é.m. induites au niveau de chaque bobine, exprimer les deux lois des mailles.

Comment le couplage se manifeste-t-il dans ces équations ?

2) Afin de réaliser un bilan de puissance, on multipliera chaque équation par le courant qui convient, et on les ajoutera.

On posera  $\mathcal{P}_G = U_1 i_1 + U_2 i_2$  puissance fournie par les générateurs,  
et  $\mathcal{P} = R_1 i_1^2 + R_2 i_2^2$  puissance dissipée par effet Joule

Donner la relation entre  $\mathcal{P}_G$ ,  $\mathcal{P}$  et  $\mathcal{E}_B$ .



**E52. Inductance propre d'un solénoïde long idéal (2<sup>e</sup> méthode).**

Calculer, en utilisant l'énergie magnétique, le coefficient d'inductance propre d'un solénoïde long considéré comme idéal. Ses caractéristiques sont les suivantes : longueur  $\ell$ ,  $n$  spires par unité de longueur, section droite de surface  $S$ .

**E 54. Aimant droit et spire carrée**

On repère un circuit conducteur carré de côté  $a$  et de résistance électrique  $R$ , orthogonal à l'axe  $Oz$ , par sa position  $z$ . Initialement  $z(t=0)=-L$ . Un opérateur translate cette spire selon  $Oz$  en direction d'un aimant droit, situé en  $O$  dont le champ magnétique vaut :  $\vec{B} = \frac{K}{z^2} \vec{u}_z$ .

- 1) Schématiser la situation. Que se produit-il à partir du moment où la spire est mise en mouvement ?
- 2) Déterminer l'expression de  $i(t)$  si la spire se déplace à une vitesse constante  $v_0 \vec{u}_z$ .

**E 55. Variation de flux magnétique dans un cadre.**

Un conducteur rectiligne infini vertical  $Z'Z$  est parcouru par un courant d'intensité  $I_1$ . Un cadre rectangulaire de côtés  $2a$  et  $b$ , parcouru par un courant d'intensité  $I_2$  peut tourner autour de son axe  $X'X$  parallèle à  $Z'Z$  à la distance  $x$ .

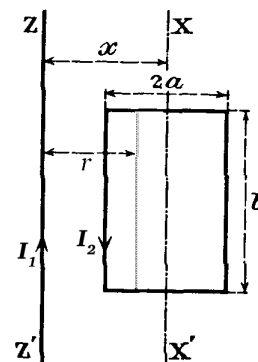
- 1) Dans sa position initiale, le plan du cadre contient  $Z'Z$ . On rappelle que  $B_1 = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi r}$ .

Calculer le flux  $\Phi$  de  $\vec{B}_1$  à travers le cadre.

- 2) Le cadre tourne alors de  $\pi/2$  autour de  $X'X$ . Calculer le nouveau flux,  $\Phi'$ .
- 3) Le cadre revient dans le plan  $X'XZ'Z$  et se déplace maintenant vers la droite avec une vitesse constante  $v_e$ .

Quelle est la f.é.m. induite dans le cadre ?

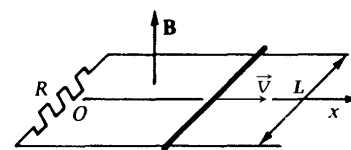
Note : on orientera le cadre par le courant principal  $I_2$ . On vérifiera le signe de  $e$  avec la loi de Lenz. Dans un premier temps, on calculera  $e$  par la loi de Faraday. Deuxième méthode : on utilisera la circulation du champ électromoteur de Lorentz.



**E 56. Rails de Laplace horizontaux.**

Un circuit est constitué par deux rails rectilignes, parallèles, horizontaux, de résistance négligeable et dont l'écartement est  $L$ . Ces rails sont reliés à l'une de leurs extrémités par une résistance  $R$ . Une barre parfaitement conductrice, de masse  $m$ , peut glisser sans frottement sur les deux rails. L'ensemble se trouve plongé dans un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$  vertical. À  $t = 0$ , la barre placée en  $x = 0$  est lancée à la vitesse  $\vec{v}_0 = v_0 \vec{u}_x$  puis elle est abandonnée à elle-même.

- 1) Ecrire l'équation différentielle du mouvement de la barre. En déduire  $v = \dot{x}$  en fonction du temps.
- 2) Montrer que toute l'énergie dissipée par effet joule dans la résistance est égale à l'énergie cinétique initiale de la barre.

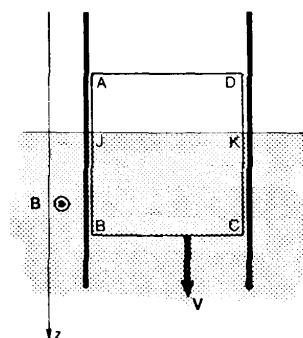


**E 57. Freinage par induction : chute d'un cadre.**

On demande d'étudier la chute verticale (mouvement guidé) d'un cadre rectangulaire filiforme de résistance  $R$  dans un champ magnétique permanent uniforme perpendiculaire au plan du cadre. Le cadre est à l'instant  $t$  dans la position indiquée sur la figure. À  $t=0$ , le cadre pénètre dans le champ avec une vitesse nulle.

Remarque : Dans ce problème, nous négligerons le champ magnétique créé par le courant induit et qui intervient également dans le phénomène d'induction (auto-induction). Nous négligerons également tout frottement.

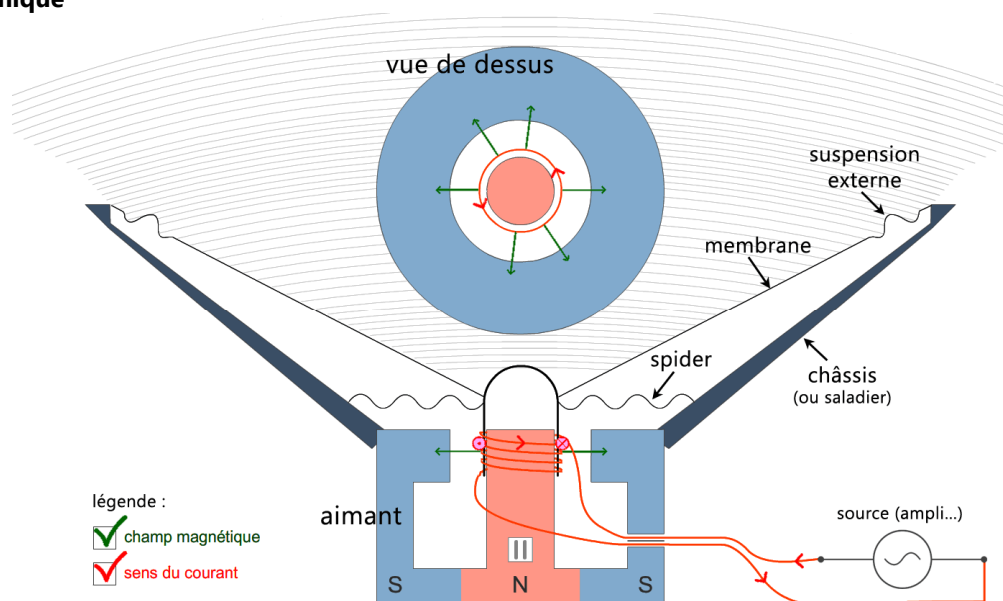
- 1) Écrire l'équation électrique (on distinguera deux phases).
- 2) Écrire l'équation mécanique (pour les deux phases).
- 3) En déduire une équation différentielle globale où le courant n'apparaît pas. La résoudre pour exprimer la vitesse  $v(t)$  tant que le cadre n'est pas entièrement soumis au champ magnétique.
- 4) Effectuer un bilan de puissance à partir de l'équation différentielle obtenue à la question précédente, en exprimant la puissance cinétique. Traduire la conversion électromécanique. Que dire de l'énergie motrice du poids ?



### E 58. Haut-parleur électrodynamique

Un haut-parleur est constitué d'une bobine solidaire d'une membrane pouvant se déplacer parallèlement à elle-même, cette bobine étant plongée dans le champ magnétique radial constant créé par un aimant permanent.

Lorsqu'on soumet le haut parleur à un signal électrique, un courant parcourt la bobine, et celle-ci se met alors en mouvement, entraînant avec elle la membrane. Les mouvements de la membrane se communiquent à l'air par frottement, ce qui crée du son.



source : [https://www.pccl.fr/physique\\_chimie\\_lycee/cpge/mpsi\\_pcsi/haut\\_parleur\\_microphone\\_force\\_laplace\\_flash.htm](https://www.pccl.fr/physique_chimie_lycee/cpge/mpsi_pcsi/haut_parleur_microphone_force_laplace_flash.htm)

Les équations électriques et mécaniques du haut-parleur sont les suivantes :

$$L \frac{di}{dt} + Ri = u_0 + Blv \quad m \frac{dv}{dt} = -kz - hv - Bli$$

avec  $m$  la masse de la membrane,  $k$  la raideur des ressorts qui rappellent la membrane,  $\ell$  la longueur de fil enroulé de la bobine,  $h$  le coefficient de frottement de la membrane avec l'air,  $z$  et  $v$  la position et vitesse de la membrane,  $i$  l'intensité parcourant la bobine,  $u_0$  la tension électrique d'alimentation du haut-parleur, et enfin  $R$  et  $L$  la résistance et l'inductance de la bobine. Les grandeurs variables sont  $z$ ,  $v$ ,  $u_0$  et  $i$ .

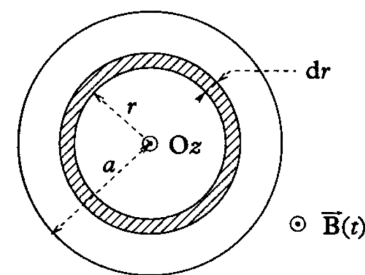
- 1) Expliquer pourquoi la bobine se met en mouvement. Nommer et représenter sur le schéma les forces subies par le couple bobine-membrane. On négligera la pesanteur. Retrouver l'équation mécanique par application du PFD.
- 2) Identifier chaque terme dans l'équation électrique fournie. Montrer en particulier qu'il existe deux phénomènes d'induction distincts.
- 3) Transformer les deux équations en bilan de puissance. Identifier la puissance cinétique. Parmi ces puissances, certaines sont liées à des phénomènes conservatifs, et peuvent s'exprimer en fonction des énergies potentielles associées. Introduire ces énergies potentielles.
- 4) Exploiter la loi de conversion électromécanique et faire un bilan de puissance global. On introduira l'énergie totale  $\mathcal{E}_{tot} = \mathcal{E}_m + \mathcal{E}_B$ . Identifier le terme correspondant à la puissance sonore émise.

### E 59. Plaque à induction

On cherche dans cet exercice à déterminer la puissance thermique reçue par le fond d'une casserole posée sur une plaque à induction. On assimile le fond de la casserole à un cylindre de rayon  $a$ , d'épaisseur  $h$  et d'axe  $Oz$ . La plaque à induction crée en son sein un champ magnétique variable  $\vec{B}(t) = B_0 \cos(\omega t) \vec{u}_z$ .

Pour étudier les courants induits dans le fond de la casserole (courants de Foucault), on modélise ce dernier par un ensemble de spires circulaires concentriques d'axe  $Oz$ , d'épaisseur  $h$  et de largeur  $dr$ .

On admettra que la conductance électrique  $dG$  (inverse de la résistance) d'une de ces spires, de rayon  $r$ , s'écrit  $dG = \gamma h dr$  où  $\gamma$  est la conductivité du métal utilisé.



- 1) Exprimer la f.é.m. induite dans une spire de rayon  $r$ .
- 2) En déduire le courant élémentaire  $di$  induit dans une spire, assimilée à un circuit filiforme de conductance  $dG$ .
- 3) En déduire la puissance instantanée  $dp$  dissipée par effet Joule dans une spire, puis la puissance moyenne  $d\mathcal{P}$ .
- 4) Déterminer alors la puissance totale  $\mathcal{P}$ , dissipée dans le fond de la casserole en fonction de  $B_0$ ,  $\omega$ ,  $h$ ,  $\gamma$  et  $a$ .
- 5) AN : Calculer  $\mathcal{P}$  avec  $\gamma = 10^7 \text{ S}\cdot\text{m}^{-1}$ ,  $h = 5 \text{ mm}$ ,  $a = 10 \text{ cm}$ ,  $B_0 = 0,1 \text{ T}$ ,  $\omega = 100\pi \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$ .
- 6) Comment peut-on procéder, en pratique, pour faire varier la puissance reçue par la casserole ?